

Prof. Dr. Alfred Toth

## Selbstthematizierende Paare thematischer Relationen

1. In Toth (2026a-c) hatten wir gezeigt, daß man die strukturellen Realitäten der 27 Dualsysteme des vollständigen ternären semiotischen Systems in Tripelrelationen der folgenden Form notieren kann

$$(X, Y) \rightarrow Z$$

$$X \rightarrow Y \leftarrow Z$$

$$X \leftarrow (Y, Z).$$

Nimmt man die Permutationen der Dualsysteme dazu, ergeben sich weitere paarweise Differenzen durch Vertauschung der Thematisanden

$$(Y, X) \rightarrow Z$$

$$Z \rightarrow Y \leftarrow X$$

$$X \leftarrow (Z, Y).$$

2. Als Beispiel diene die Thematisation M-them. O. In nicht-permutierten Zeichenklassen haben wir hier wie für jede andere Thematisation ein thematisches Tripel:

$$3.1 \quad 2.1 \quad 1.2 \quad \times \quad 2.1 \quad 1.2 \quad 1.3 \quad O \leftarrow (M, M)$$

$$3.1 \quad 2.2 \quad 1.1 \quad \times \quad 1.1 \quad 2.2 \quad 1.3 \quad M \rightarrow O \leftarrow M$$

$$3.2 \quad 2.1 \quad 1.1 \quad \times \quad 1.1 \quad 1.2 \quad 2.3 \quad (M, M) \rightarrow O$$

In permutierten Zeichenklassen wird dann natürlich jede Zeichenklasse auf  $3! = 6$  Zeichenklassen abgebildet:

$$\text{Perm}(O \leftarrow (M, M))$$

$$3.1 \quad 2.1 \quad 1.2 \quad \times \quad 2.1 \quad 1.2 \quad 1.3 \quad O \leftarrow (M^1, M^2)$$

$$3.1 \quad 1.2 \quad 2.1 \quad \times \quad 1.2 \quad 2.1 \quad 1.3 \quad M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$$

$$2.1 \quad 3.1 \quad 1.2 \quad \times \quad 2.1 \quad 1.3 \quad 1.2 \quad O \leftarrow (M^2, M^1)$$

$$2.1 \quad 1.2 \quad 3.1 \quad \times \quad 1.3 \quad 2.1 \quad 1.2 \quad M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$$

$$1.2 \quad 3.1 \quad 2.1 \quad \times \quad 1.2 \quad 1.3 \quad 2.1 \quad (M^1, M^2) \rightarrow O$$

$$1.2 \quad 2.1 \quad 3.1 \quad \times \quad 1.3 \quad 1.2 \quad 2.1 \quad (M^2, M^1) \rightarrow O$$

Perm( $M \rightarrow O \leftarrow M$ )

3.1	2.2	1.1	×	1.1	2.2	1.3	$M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$
3.1	1.1	2.2	×	2.2	1.1	1.3	$O \leftarrow (M^1, M^2)$
2.2	3.1	1.1	×	1.1	1.3	2.2	$(M^1, M^2) \rightarrow O$
2.2	1.1	3.1	×	1.3	1.1	2.2	$(M^2, M^1) \rightarrow O$
1.1	3.1	2.2	×	2.2	1.3	1.1	$O \leftarrow (M^2, M^1)$
1.1	2.2	3.1	×	1.3	2.2	1.1	$M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$

Perm( $(M, M) \rightarrow O$ )

3.2	2.1	1.1	×	1.1	1.2	2.3	$(M^1, M^2) \rightarrow O$
3.2	1.1	2.1	×	1.2	1.1	2.3	$(M^2, M^1) \rightarrow O$
2.1	3.2	1.1	×	1.1	2.3	1.2	$M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$
2.1	1.1	3.2	×	2.3	1.1	1.2	$O \leftarrow (M^1, M^2)$
1.1	3.2	2.1	×	1.2	2.3	1.1	$M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$
1.1	2.1	3.2	×	2.3	1.2	1.1	$O \leftarrow (M^2, M^1)$

3. Stellt man Paare von thematischen Relationen zusammen, die sich durch die Thematisierungsrichtung und die Konversion der Thematisanden unterscheiden, so thematisiert in der ersten Permutationsgruppe (2.1), in der zweiten (3.1) und in der dritten (1.2), d.h. wir haben eine Determination von je drei Permutationsgruppen durch eine Permutation der Zeichenklasse (3.1, 2.1, 1.2), also genau derjenigen Zeichenklasse, deren strukturelle Realität wir untersuchen (M-them. O). In anderen Worten: Es handelt sich hier um selbstthematisierende Paare thematischer Relationen.<sup>1</sup>

Perm( $O \leftarrow (M, M)$ )

3.1	2.1	1.2	×	2.1	1.2	1.3	$O \leftarrow (M^1, M^2)$
1.2	2.1	3.1	×	1.3	1.2	2.1	$(M^2, M^1) \rightarrow O$
2.1	3.1	1.2	×	2.1	1.3	1.2	$O \leftarrow (M^2, M^1)$

---

<sup>1</sup> Stellt man jedoch Paare zusammen, die sich nur durch Konversität ihrer Thematisanden unterscheiden, erhält man als Determinante die Zeichenklasse des Vollständigen Objektes, vgl. Toth (2026d).

1.2 3.1 2.1 × 1.2 1.3 2.1  $(M^1, M^2) \rightarrow 0$

3.1 1.2 2.1 × 1.2 2.1 1.3  $M^1 \rightarrow 0 \leftarrow M^2$

2.1 1.2 3.1 × 1.3 2.1 1.2  $M^2 \rightarrow 0 \leftarrow M^1$

Perm( $M \rightarrow 0 \leftarrow M$ )

3.1 1.1 2.2 × 2.2 1.1 1.3  $0 \leftarrow (M^1, M^2)$

2.2 1.1 3.1 × 1.3 1.1 2.2  $(M^2, M^1) \rightarrow 0$

1.1 3.1 2.2 × 2.2 1.3 1.1  $0 \leftarrow (M^2, M^1)$

2.2 3.1 1.1 × 1.1 1.3 2.2  $(M^1, M^2) \rightarrow 0$

3.1 2.2 1.1 × 1.1 2.2 1.3  $M^1 \rightarrow 0 \leftarrow M^2$

1.1 2.2 3.1 × 1.3 2.2 1.1  $M^2 \rightarrow 0 \leftarrow M^1$

Perm( $(M, M) \rightarrow 0$ )

2.1 1.1 3.2 × 2.3 1.1 1.2  $0 \leftarrow (M^1, M^2)$

3.2 1.1 2.1 × 1.2 1.1 2.3  $(M^2, M^1) \rightarrow 0$

1.1 2.1 3.2 × 2.3 1.2 1.1  $0 \leftarrow (M^2, M^1)$

3.2 2.1 1.1 × 1.1 1.2 2.3  $(M^1, M^2) \rightarrow 0$

2.1 3.2 1.1 × 1.1 2.3 1.2  $M^1 \rightarrow 0 \leftarrow M^2$

1.1 3.2 2.1 × 1.2 2.3 1.1  $M^2 \rightarrow 0 \leftarrow M^1$

#### Literatur

Toth, Alfred, Vollständige Thematisierungstripel. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026a

Toth, Alfred, Thematische Transpositionen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026b

Toth, Alfred, Gruppen von Thematisierungswerten. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026c

Toth, Alfred, Objektdetermination in Paaren von Thematisierungen mit konversen Thematisanden. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026d

22.3.2026